#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «МИСиС» НОВОТРОИЦКИЙ ФИЛИАЛ

Кафедра электроэнергетики и электротехники

Р.Е. Мажирина

# ТЕОРИЯ АВТОМАТИЧЕСКОГО УПРАВЛЕНИЯ

Практикум для направления подготовки 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника

Новотроицк, 2020 г.

## УДК 681.5(07) ББК 32.965 я 7 M12

### Рецензенты:

Доцент кафедры электроэнергетики и электротехники Новотроицкого филиала ФГАОУ ВО НИТУ «МИСиС», кандидат технических наук, *К. В. Лицин* 

Инженер по эксплуатации теплотехнического оборудования ООО «Агро-Альянс ОМФ», кандидат технических наук, *А. Н. Бушуев* 

Мажирина Р.Е. Теория автоматического управления: практикум для студентов направления подготовки 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника. – Новотроицк: НФ НИТУ «МИСиС», 2020. – 52 с.

В практикуме рассмотрены примеры решения задач по исследованию типовых звеньев и синтезу систем автоматического управления. Примеры даны с использованием программирования и моделирования в MATLABe.

Пособие может быть использовано для дисциплины «Управление техническими системами» для направления подготовки 09.03.03 Прикладная информатика.

Практикум составлен в соответствии с требованиями образовательного стандарта НИТУ "МИСиС" по направлению подготовки 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника.

Рекомендовано Методическим советом НФ НИТУ "МИСиС"

© Новотроицкий филиал ФГАОУ ВО "Национальный исследовательский технологический университет "МИСиС", 2020

# Содержание

Список используемых сокращений	4
1 Общие сведения о MATLAB	5
2 Характеристики типовых звеньев	8
3 Устойчивость линейных систем	28
4 Синтез линейных систем автоматического управления	31
Глоссарий	50
Список использованных источников	51

## СПИСОК ИСПОЛЬЗУЕМЫХ СОКРАЩЕНИЙ

- АФХ амплитудно-фазовая характеристика
- АФЧХ амплитудно-фазовая частотная характеристика
- ЛАХ логарифмическая амплитудная характеристика
- ЛАЧХ логарифмическая амплитудно-частотная характеристика
- ЛФЧХ логарифмическая фазо-частотная характеристика
- ООС отрицательная обратная связь
- САР система автоматического регулирования
- САУ система автоматического управления

## **1 ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ О МАТLAB**

МАТLАВ (от начальных букв слов МАТrix LABoratory – матричная лаборатория) - программа, в основе которой матрицы, вектора-строка и векторастолбцы. Программа создана Молер в 70-х г. г. XX века.

В MATLAB реализованы классические численные алгоритмы решения уравнений, задач линейной алгебры, нахождения интегралов, решение дифференциальных уравнений.

В MATLAB существует собственный язык программирования достаточно простотой по применению и интерпретации. В MATLAB существуют довольно мощные среды программирования и визуализации, такие как Fortran, Delphi, C++ и т. п.

MATLAB интегрирован с Word, Excel.

Для того, чтобы узнать, какие именно пакеты входят в установку MATLAB достаточно в командной строке набрать

>> ver и нажать <Enter>.

Выводятся все названия пакетов с указанием версий. В версии могут быть такие приложения:

Simulink - средство графического моделирования;

Signal Processing Toolbox - программа обработки сигналов;

Image Processing Toolbox - программа обработки изображений;

Statistics Toolbox - программа статистики;

Symbolic Math Toolbox - символьные вычисления;

Fuzzy Logic Toolbox - интуитивная графическая среда нечеткого моделирования и др.

Интерфейс пакета MATLAB (рисунок 1) состоит из 4-х независимых окон, имеющих следующие названия: Workspace (рабочее пространство), Command Window (командное окно), Command History (окно историй), Current Director (окно текущих директорий).

Работа с текущими переменными предполагает использование слудеющих команд:

who - команда выводит только имена переменных;

whos - команда выводит информацию о размерах массивов и типе переменной, а также, в отдельной строке, информацию об общем количестве элементов в рабочей области и объеме используемой памяти.

clear - команда освобождаем из памяти все переменные. Если в аргументах указать через пробел список переменных, то освобождаются только они;

exist ('имя переменной') - команда сообщающая занято ли имя переменной;

**pack** - команда выполняет дефрагментацию, очищает память; **clc** - чистка командного окна.



Рисунок 1 – Интерфейс пакета МАТLAВ

Ввод модели линейной возможен в трех формах - в форме матриц пространства состояния, в виде коэффициентов числителей и знаменателей передаточных функций и в форме задания нулей, полюсов коэффициента передачи системы.

Например:

ss (State Space - пространство состояния) - создает модель пространства состояния по заданным матрицам A, B, C, D уравнений состояния системы.

tf (Transfer function - передаточная функция) - создает модель по заданным передаточным функциям системы.

**zpk** (**Zero-Pole\_Gain** - нули-полюсы-коэффициент передачи) - создает модель по заданным нулям, полюсам и коэффициентам передачи системы.

Ввод непрерывной модели по периодической функции выполняется следующим образом:

```
>> k1=tf([1 0],[0.05 1])
k1 =
    s
------
0.05 s + 1
Continuous-time transfer function.
```

Процедура get дает полную характеристику модели.

```
Например:
>> get(k1)
      num: {[1 0 ]}
      den: {[0.0500 1]}
    Variable: 's'
    ioDelay: 0
  InputDelay: 0
  OutputDelay: 0
       Ts: 0
    TimeUnit: 'seconds'
   InputName: {''}
   InputUnit: {''}
  InputGroup: [1x1 struct]
  OutputName: {''}
  OutputUnit: {''}
  OutputGroup: [1x1 struct]
      Name: "
     Notes: {}
    UserData: []
```

числитель знаменатель имя и тип переменной время единой задержки время задержки на входе время задержки на выходе время дискретизации в с единица времени 'секунды' имена входов (ячейка) входной блок группа входов, {ячейка} имена выходов выходной блок {ячейка} группа входов, {ячейка} имя заметки дополнительная информация

Процедуры анализа вводятся следующим образом:

>>функция(название модели)

Для анализа системы предусмотрены следующие функции:

impulse – график отклика системы на единичное импульсное воздейст-

вие;

step – график отклика на единичный скачок входного воздействия; bode - строит графики АЧХ и ФЧХ;

**nyquist** - строит в комплексной плоскости АФХ в полярных координатах; **nichols** - строит график Николса, т.е. АЧХ в декартовых координатах.

## 2 ХАРАКТЕРИСТИКИ ТИПОВЫХ ЗВЕНЬЕВ

## Задача 1

Исследовать апериодическое звено с передаточной функцией:

$$W(s) = \frac{1}{s+1}.$$

Необходимо построить переходную функцию, импульсную переходную, частотные (амплитудно-фазовую частотную характеристику, амплитудночастотную характеристику, фазо-частотную характеристику, логарифмические амплитудную и фазовую частотные характеристики.

#### Решение:

Апериодическое звено описывается дифференциальным уравнением вида:

$$\Gamma \frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t} + y = \mathrm{k}x\,,\tag{1}$$

где Т – постоянная времени звена, с;

k – коэффициент усиления звена.

Передаточная функция апериодического звена представлена на рисунке 2.



Рисунок 2 – Схема апериодического звена ( k=1, T=1)

Переходный процесс с экрана Scope представлен на рисунке 3.

Переходная функция – реакция системы на единичный сигнал строится при применении команды **step** и представлена на рисунке 4.

Переходная функция представляет собой реакцию на выходе при подаче на вход единичного ступенчатого воздействия. По переходной функции можно определить коэффициент усиления системы (**Final value**). В данном примере он равен 1.







Рисунок 4 – Переходная функция апериодического звена (k=1, T=1)

Rise time – время нарастания системы при подаче на вход ступенчатого сигнала по умолчанию установлено от 10 до 90 % от установившегося значе-

ния. В примере  $t_{\rm H}$ =2,2 с.

Settilinq time – это время переходного процесса, когда установившееся значение находится в пределах 2% от установившегося значения. В примере  $t_{nn}$ =3,91 с.

Расчетное время для апериодического звена составляет:

$$\Gamma_{\text{IIIDBACY}} = (3 \div 4) \cdot T = 3 \div 4 \text{ c.}$$

Импульсная переходная характеристика – реакция системы на дельтасигнал строится при применении команды **impulse** и представлена на рисунке 5.



Рисунок 5 – Импульсная переходная функция апериодического звена

Логарифмическая амплитудно-частотная и фазочастотная характеристики строятся при применении команды **bode.** 

Частотные характеристики описывают установившиеся вынужденные колебания на выходе звена, вызванные гармоническим воздействием на входе.

Амплитудно-частотная характеристика (АЧХ) выражает отношение амплитуды колебаний на выходе звена к амплитуде колебаний на его входе в зависимости от частоты выходного сигнала.

Фазово-частотная характеристика (ФЧХ) выражает зависимость разности

фаз между входными и выходными колебаниями звена от частоты входного сигнал. Опережению фазы соответствует  $\phi > 0$ , а отставанию  $\phi < 0$ .



Рисунок 6 – ЛАЧХ и ЛФЧХ апериодического звена

По оси ординат откладывается величина  $L(\omega)$  в децибелах. Изменение уровня сигнала на 10 дБ соответствует изменению его мощности в 10 раз. По оси абсцисс - частота  $\omega$  в логарифмическом масштабе. Единичным промежут-кам по оси абсцисс соответствует изменение частоты в 10 раз. Такой интервал называется декадой.

ЛАЧХ представляет собой прямую, проходящую через точку  $L(\omega)=0$  при  $\omega=1$ , т.е. низкочастотная часть ЛАЧХ имеет нулевой наклон. При увеличении частоты на декаду ордината уменьшается на 20·1g10=20дб, то есть наклон ЛАЧХ соответствует наклону -20 дБ/дек.

Логарифмическая фазо-частотная характеристика (ЛФЧХ) асимптотически стремится к нулю при уменьшении  $\omega$  до нуля (чем меньше частота, тем меньше искажения сигнала по фазе) и к  $-\frac{\omega}{2}$  при возрастании  $\omega$  до бесконечности. Перегиб ЛАХЧ происходит при  $\phi(\omega) = -\frac{\pi}{4} = 45^{\circ}$ .

Частотный годограф (диаграмма Найквиста) строится при применении команды **nyquist** и представлен на рисунке 7.



Рисунок 7 – Частотный годограф апериодического звена

Частотный годограф или амплитудно-фазовую частотную характеристику (АФЧХ)

АФЧХ  $W(j\omega)$  отображает одновременно две частотные характеристики: АЧХ  $A(\omega)$  и ФЧХ  $\phi(\omega)$ .

Диаграмма Николса строится при применении команды **nichols** и представлена на рисунке 8.

Диаграмма изображает частотного отклика динамической системы в виде графика в декартовых координатах. По оси абсцисс задается частота, по оси ординат амплитуда системы, т.е. диаграмма соединяет АЧХ и ФЧХ. В настоящее время используется редко.



Рисунок 8 – Диаграмма Николса апериодического звена

## Задача 2

Исследовать колебательное звено с передаточной функцией:

$$W(p) = \frac{1}{T_2^2 \cdot s^2 + T_1 \cdot s + 1} = \frac{1}{0,0008 \cdot s^2 + 0,01 \cdot s + 1}$$

Необходимо построить переходную функцию, импульсную переходную, частотные логарифмические амплитудную и фазовую частотные характеристики.

### Решение:

Уравнение колебательного звена имеет вид:

$$W(s) = \frac{1}{T_2^2 \cdot s^2 + T_1 \cdot s + 1},$$
(3)

где Т<sub>1</sub>, Т<sub>2</sub> – постоянные времени колебательного звена;

k – коэффициент усиления колебательного звена.

Постоянные времени колебательного звена Т1 и Т2 связаны зависимостью

$$\xi = \frac{\mathrm{T_{1}}}{2 \cdot \mathrm{T_{2}}} = \frac{0.01}{2 \cdot \sqrt{0.0008}} = 0.178 \,.$$

Коэффициент  $\xi$  называют коэффициентом колебательности, он характеризует колебательность переходного процесса колебательного звена. Если  $\xi < 1$ , то переходный процесс звена – колебательный, и чем  $\xi$  меньше единицы, тем больше колебательность звена. Если  $\xi \ge 1$ , то получаем апериодическое звено второго порядка.



Рисунок 9 – Схема колебательного звена



Рисунок 10 – График переходного процесса в окне Scope



Рисунок 11 – Переходная функция колебательного звена

По переходной функции можно определить коэффициент усиления системы (**Final value**). В данном примере он равен 1. Время переходного процесса, когда установившееся значение находится в пределах 2% от установившегося значения. В примере  $t_{nn}$ =0,57 с.

Расчетное время для апериодического звена составляет:

$$T\Pi\Pi_{pacy} = (3 4) \cdot T. \tag{4}$$

Импульсная переходная характеристика колебательного звена представлена на рисунке 12.

Логарифмическая амплитудно-частотная и фазочастотная характеристики колебательного звена представлена на рисунке 13.



Рисунок 12 – Импульсная переходная функция колебательного звена



Рисунок 13 – ЛАЧХ и ЛФЧХ колебательного звена

Асимптотическая ЛАЧХ колебательного звена до сопрягающей частоты совпадает с осью абсцисс, при дальнейшем увеличении частоты наклон -40 дБ/дек. То есть высокие частоты колебательное звено «заваливает» сильнее, чем апериодическое звено.

ЛФЧХ при малых частотах асимтотически стремится к нулю. При увели-

чении частоты до бесконечности выходной сигнал поворачивается по фазе относительно входного на угол, стремящийся в пределе к -180°.

## Задача З

Исследовать систему, состоящую из двух апериодических звеньев с пере-

даточными функциями  $W_1(s) = \frac{2}{0,1 \cdot s + 1}$  и  $W_2(s) = \frac{2,5}{0,002 \cdot s + 1}$ .

## Решение:

Схема последовательно соединенных апериодических звеньев представлена на рисунке 14. Переходные процессы для последовательно соединенных звеньев представлены на рисунке 15.



Рисунок 14 – Схема двух апериодических звеньев

Анализируя переходный процесс на рисунке 15, коэффициент усиления апериодического звена  $W_1(s) k_{y_{CUJ,W1}}=2$ , а время переходного процесса  $t_{nn1}=0,4$  с.

Общий коэффициент усиления системы

k<sub>усил</sub>=k<sub>усил w1</sub>·k<sub>усил w2</sub>=2·2,5=5.

Время переходного процесса системы изменится незначительно, так как постоянная времени звена  $W_2(s)$  имеет небольшое значение  $T_2=0,02$  с.

ЛАЧХ и ЛФЧХ представлены на рисунке 16.

Низкочастотная часть ЛАЧХ имеет нулевой наклон, так как в системе отсутствуют интегральные звенья. В системе имеются два апериодических звена, поэтому ЛАЧХ имеет два участка с наклонами -20 дБ/дек и -40 дБ/дек.



Time offset: 0

Рисунок 15 – Переходные процессы к задаче 3



Рисунок 16 – ЛАЧХ к задаче 3

## Задача 4

Исследовать два последовательно соединенных звена интегратора и колебательного звена



Рисунок 17 – Схема к задаче 4

## Решение:

Переходные процессы для схемы, изображенной на рисунке 17 представлены на рисунке 18, а частотные характеристики на рисунке 19.



Рисунок 18 – Переходный процесс в задаче 4

На входе системы сигнал изменяется скачком с задержкой в 1 с. На выходе интегратора сигнал нарастает линейно, а время нарастания зависит от параметров интегратора и в данном случае составило  $t_{mn} = \frac{1}{k_{ycmn_m}} = \frac{1}{2} = 0,5$  с. Такие образом, коэффициент усиления интегратора влияет только на длительность переходного процесса.

А общий коэффициент усиления системы определяется коэффициентом усиления колебательного звена. В данной системе общий коэффициент системы  $k_{yeur_c} = 2,5.$ 



Рисунок 19 – ЛАЧХ и ЛФЧХ к задаче 4

Наклон низкочастотной части ЛАЧХ определится как  $13,5-33,9 = -20,4 \frac{\pi B}{2}$ , что соответствует интегратору. Далее ЛАЧХ имеет наклон  $62,9-124 = -61,1 \frac{\pi B}{2}$ , что свидетельствует о наличии последовательно расположенного колебательного звена.

#### Задача 5

Определить передаточную функцию при соединении двух апериодических звеньев  $W_1(s) = \frac{1}{2 \cdot s + 3}$  и  $W_2(s) = \frac{1}{4 \cdot s + 5}$  последовательно и параллельно.

### Решение:

При последовательном соединении двух передаточных функций результирующая определится как произведение передаточных функций:

$$\mathbf{W}_{3}(\mathbf{s}) = \mathbf{W}_{1}(\mathbf{s}) \cdot \mathbf{W}_{2}(\mathbf{s}).$$
<sup>(5)</sup>

$$W_{3}(s) = \frac{1}{(2 \cdot s + 3) \cdot (4 \cdot s + 5)} = \frac{1}{8 \cdot s^{2} + 10 \cdot s + 12 \cdot s + 15} = \frac{1}{8 \cdot s^{2} + 22 \cdot s + 15}.$$

При параллельном соединении двух передаточных функций результирующая определится как сумма передаточных функций:

$$W_{3}(s) = W_{1}(s) + W_{2}(s).$$
 (6)

$$W_{3}(s) = \frac{1}{(2 \cdot s + 3)} + \frac{1}{(4 \cdot s + 5)} = \frac{(4 \cdot s + 5) + (2 \cdot s + 3)}{(2 \cdot s + 3) \cdot (4 \cdot s + 5)} = \frac{6 \cdot s + 8}{8 \cdot s^{2} + 22 \cdot s + 15}$$

Листинг программы имеет вид:

```
% Очистка памяти
clear
% Очистка экрана
clc
% Ввод передаточная функции звена W1
W1=tf([1],[2 3])
% Ввод передаточной функции звена W2
W2=tf([1],[4 5])
% Нахождение результирующей передаточной функции
% при соединении последовательно W1 и W2
W3=W1*W2
% Нахождение результирующей передаточной функции
% при соединении параллельно W1 и W2
W4=W1+W2
```

Программа работает следующим образом:

W1 = 1 ------2 s + 3 Continuous-time transfer function.

Continuous-time transfer function.

## Задача б

Построить переходную функцию для интегрального звена с передаточной функцией  $W_1(s) = \frac{1}{s}$ , апериодического звена:  $W_2(s) = \frac{1}{s+1}$ , и колебательного звена  $W_3(s) = \frac{1}{s^2 + s + 1}$ .

## Решение:

Текстовое оформление графиков осуществляется при помощи следующих команд:

grid on – включение сетки;

**title('string')** – установка на графике титульной надписи, заданной строковой переменной;

legend('string') – добавление легенды;

xlabel ('string') - установка надписей возле оси х;

ylabel ('string') - установка надписей возле оси у\*

**text** (**X**, **Y**, '**string**') - добавляет в график текст, заданный строковой константой 'string' в место определяемое точной с координатами (X, Y).

Листинг программы имеет вид:

% Ввод передаточной функции апериодического звена

```
W1=tf([1],[1 1])
        % Построение переходной функции
        step(W1)
        % Вывод на дисплей надписи
        disp ('Передаточная функция колебательного звена')
        % Ввод передаточной функции колебательного звена
        W2=tf([1],[1 0.8 1])
        % Добавление графика
        hold on
        % Построение переходной функции
        step(W2)
        % Текстовое оформление графиков
        % Включение сетки
        arid on
        % Установка на графике титульной надписи, заданной строко-
вой переменной
        title('Переходные функции апериодического и колебательного
звена')
        % добавление легенды
        legend('апериодическое звено', 'колебательное звено')
        % установка надписей возле оси Х
        xlabel ('t, c')
        % установка надписей возле оси У
        ylabel ('w, o.e.')
        % добавляет в график текст
        text (3, 0.3, 'Подписи графиков при нажатии правой кнопки
мыши ')
```

Программа работает следующим образом:

Передаточная функция апериодического звена W1 = 1 ----s + 1 Continuous-time transfer function. Передаточная функция колебательного звена W2 = 1 -----s^2 + 0.8 s + 1 Continuous-time transfer function.



Рисунок 20 – Переходные функции апериодического и колебательного звена

## Задача 7

Составить программу построения переходных функций апериодического и колебательного звеньев последовательно и параллельно соединенных. Передаточная функция передаточная функция апериодического звена:  $W_1(s) = \frac{1}{s+1}$ , а передаточная функция колебательного звена  $W_2(s) = \frac{1}{s^2 + s + 1}$ .

## Решение:

При написании программы использовалась команда разбиения графического окна **subplot**, позволяющая построить в одном графическом окне несколько осей и вывести на них различные графики. Команда имеет следующий формат:

$$subplot(i, j, n), (7)$$

где і – число графиков по вертикали;

- ј число графиков по горизонтали,
- n номер текущего графика.

Листинг программы имеет вид:

```
% Очистка памяти
        clear
        % Очистка экрана
        clc
        % Вывод на дисплей надписи
        disp ('Передаточная функция апериодического звена')
        % Ввод передаточной функции апериодического звена
        W1=tf([1],[1 1])
        % Создание графического окна 1х4
        % построение графика в окне 1
        subplot (1, 4, 1)
        % Построение переходной функции апериодического звена
        step(W1)
        % Включение сетки
        arid on
        title('Апериодическое звено')
        % Вывод на дисплей надписи
        disp ('Передаточная функция колебательного звена')
        % Ввод передаточной функции колебательного звена
       W2=tf([1],[1 1 1])
        % Создание графического окна 1х4
        % построение графика в окне 2
        subplot (1, 4, 2)
        % Построение переходной функции колебательного звена
        step(W2)
        % Включение сетки
        grid on
        title('Колебательное звено')
        % Последовательное соединение звена W3, W4
        disp ('Передаточная функция при последовательном соединении
звеньев W1, W2')
       01=W1*W2
        % Создание графического окна 1х4
        % построение графика в окне 3
        subplot (1, 4, 3)
        % Построение переходной функции колебательного звена
        step(Q1)
        % Включение сетки
        grid on
        title('Последовательное соединение')
        % Параллельное соединение звена W3, W4
        disp ('Передаточная функция при параллельном соединении
звеньев W1, W2')
```

```
Q2=W1+W2
% Создание графического окна 1x4
% построение графика в окне 4
subplot (1, 4, 4)
% Построение переходной функции колебательного звена
step(Q2)
% Включение сетки
grid on
title('Параллельное соединение')
```

Программа работает следующим образом:

Передаточная функция апериодического звена W1 = 1 ----s + 1 Continuous-time transfer function. Передаточная функция колебательного звена W2 = 1 --------s^2 + s + 1 Continuous-time transfer function. Передаточная функция при последовательном соединении звеньев Q1 =

W3, W4

21 = 1

s^3 + 2 s^2 + 2 s + 1

\_\_\_\_\_

Continuous-time transfer function.

Передаточная функция при параллельном соединении звеньев W3,

W4

Q2 =

s^2 + 2 s + 2

\_\_\_\_\_

s^3 + 2 s^2 + 2 s + 1

Continuous-time transfer function.



Рисунок 21 - Переходные функции к задаче 7

# 3 УСТОЙЧИВОСТЬ ЛИНЕЙНЫХ СИСТЕМ

### Задача 8

Исследовать последовательное соединение колебательного и апериодического звеньев с единичной отрицательной обратной связью. Передаточная функция колебательного звена  $W_1(s) = \frac{1}{s^2 + 0, 1 \cdot s + 1}$ , а передаточная функция апериодического звена:  $W_2(s) = \frac{1}{s+1}$ . Построить ЛАЧХ для разомкнутой и замкнутой систем.

### Решение:

При построении графиков можно управлять видом графиков, при помощи дополнительных аргументов, помещенных за каждой парой векторов. Этот аргумент заключается в апострофы.

Аргумент состоит из трех символов, которые определяют цвет, тип маркера и тип линии.

Цвет: **у** – желтый, **m** – розовый, **c** – голубой, **r** – красный, **g** – зеленый, **k** – черный.

```
Тип маркера: «.» – точка, «О» – кружок, «x» – крестик, «+» – знак плюса, 
* – звездочка, s – квадрат, d – ромб, v – треугольник вершиной вверх и др.
```

Тип линии: «-» – сплошная, «:» – пунктирная, «-.» – штрих-пунктирная, «--» – штриховая.

Например:

```
x=0:0.25:2;
y=sin(x);
plot(x, y, 'cd:')
```

```
Листинг программы имеет вид:
```

```
clc

% Ввод передаточной функции

W1=tf([1],[1 0.1 1])

W2=tf([1],[1 1])

% Передаточная функция при последовательном

% соединении W1 и W2

W=W1*W2

% Построение ЛАЧХ разомкнутой системы
```

```
% (красного цвета сплошной линией)
bode(W, 'r-')
% Передаточная функция с отрицательной единичной
% обратной связью
W3 = feedback(W, 1)
% Команда добавления графика
hold on
% Построение замкнутой ЛАЧХ
% (черного цвета штриховой линией)
bode (W3, 'k--')
% Команда включения сетки
grid on
% Название графика
title('ЛАЧХ разомкнутой и замкнутой систем')
% Добавление легенды
legend('разомкнутая система', 'замкнутая система')
```

Программа работает следующим образом:

W1 = 1 ----s<sup>2</sup> + 0.1 s + 1 Continuous-time transfer function. W2 = 1 ----s + 1 Continuous-time transfer function. **W** = 1 ----s^3 + 1.1 s^2 + 1.1 s + 1 Continuous-time transfer function. W3 = 1 s<sup>3</sup> + 1.1 s<sup>2</sup> + 1.1 s + 2

Continuous-time transfer function.



Рисунок 22 - ЛАХХ и ЛФЧХ разомкнутой и замкнутой систем

Анализируя вид ЛАЧХ и ЛФЧХ для разомкнутой и замкнутой систем видно, что различия в зависимостях наблюдается только на низких частотах. При возрастании частот характеристики сливаются.

# 4 СИНТЕЗ ЛИНЕЙНЫХ СИСТЕМ АВТОМАТИЧЕСКОГО УПРАВЛЕНИЯ

### Задача 9

Система состоит из двигателя с передаточной функцией:

$$W_{dv}(s) = \frac{\frac{1}{k\phi}}{T_{s} \cdot T_{s} \cdot s^{2} + T_{s} \cdot s + 1} = \frac{\frac{1}{2}}{0,08 \cdot 0,1 \cdot s^{2} + 0,1 \cdot s + 1}$$

и преобразователя с передаточной функцией:

$$W_{tp}(s) = \frac{k_{tp}}{T_{tp} \cdot s + 1} = \frac{22}{0,008 \cdot s + 1}.$$

Для регулирования выходной величины - скорости используется Прегулятор с коэффициентом усиления k<sub>pc</sub>=5. Построить ЛАЧХ и ЛФЧХ для объекта регулирования, регулятора и скорректированной системы.

#### Решение:

При известной ЛАЧХ разомкнутой, системы объекта регулирования L<sub>or</sub>(ω) ЛАЧХ последовательного регулятора L<sub>rs</sub>(ω) определяется:

$$L_{or}(\omega) + L_{rs}(\omega) = L_{raz}(\omega), \tag{8}$$

где L<sub>гаz</sub>( $\omega$ ) - разомкнутая ЛАЧХ скорректированной системы.

Разомкнутая ЛАЧХ скорректированной системы определяется графическим сложением ЛАЧХ объекта регулирования (нескорректированной системы) и ЛАЧХ регулятора.

#### Листинг программы имеет вид:

```
% Очистка памяти
clear
%Очистка командного окна
clc
% Ввод передаточной функции двигателя
Wdv=tf([1/2],[0.08*0.1 0.1 1]);
% Ввод передаточной функции преобразователя
Wtp=tf([22],[0.008 1]);
% Передаточная функция объекта регулирования
```

```
disp('Передаточная функция объекта регулирования')
       Wor=Wtp*Wdv
        % Определение передаточной функции регулятора
        disp('Передаточная функция регулятора')
       Wrs=tf([5],[1])
        %Построение ЛАЧХ объекта регулирования
        % черного цвета штриховой линией
       bode(Wor, 'k--')
        % Добавление графика
       hold on
        %Построение ЛАЧХ регулятора скорости
        % синего цвета непрерывной линией
       bode(Wrs, 'b-')
       disp('Передаточная функция разомкнутой скорректированной
системы')
       W raz=Wrs*Wor
       %Построение ЛАЧХ разомкнутой скорректированной системы
       % красного цвета штрихпунктирной линией
       bode(W raz, 'r-.')
        % Включение сетки
       grid on
       % Добавление легенды
       legend('объект регулирования', 'регулятор', 'разомкнутая
система')
```

Программа работает следующим образом:

Передаточная функция объекта регулирования **Wor =** 

11

-----

6.4e-05 s^3 + 0.0088 s^2 + 0.108 s + 1

Continuous-time transfer function.

Передаточная функция регулятора

Wrs =

5

Static gain.

Передаточная функция разомкнутой скорректированной системы W\_raz =

55

6.4e-05 s^3 + 0.0088 s^2 + 0.108 s + 1 Continuous-time transfer function.



Рисунок 23 - ЛАХЧ и ЛФЧХ к задаче 9

Представленные ЛАЧХ на рисунке демонстрируют графический метод сложения характеристик объекта регулирования и регулятора.

Объектом регулирования являются два последовательно соединенных звена апериодического и колебательного. При последовательном соединении преобразователя и двигателя нескорректированная система была устойчивой. При добавлении пропорционального регулятора скорректированная система перестала быть устойчивой.

#### Задача 10

Составьте программу для построения переходных и частотных характеристик контура регулирования, настроенного на модульный оптимум, по значениям коэффициента настройки а=2 и величине некомпенсируемой постоянной времени Т.

### Решение:

Передаточная функция разомкнутой системы, настроенной на модульный оптимум с учетом единичной обратной связи имеет вид:

$$W(s)_{pas} = \frac{1}{a \cdot T_{\mu} \cdot s \cdot (T_{\mu} \cdot s + 1)} = \frac{1}{a \cdot T_{\mu}^{2} \cdot s^{2} + a \cdot T_{\mu} \cdot s},$$
(9)

а передаточная функция замкнутой системы:

$$W(s)_{_{3aM}} = \frac{1}{a \cdot T_{_{\mu}} \cdot s \cdot (T_{_{\mu}} \cdot s + 1) + 1} = \frac{1}{a \cdot T_{_{\mu}}^{^{2}} \cdot s^{^{2}} + a \cdot T_{_{\mu}} \cdot s + 1}.$$
 (10)

### Программа имеет вид:

```
clear
    clc
    % Программа построения переходных и
    % частотных характеристик контура настроенного
    % на модульный оптимум
    % Некомпенсируемая постоянная времени
    T=1;
    % Коэффициент настройки
    a=2;
    %Передаточная функция разомкнутого контура
    disp('Передаточная функция разомкнутого контура')
    Wr=tf([1], [a*T^2 a*T 0])
    %Передаточная функция замкнутого контура
    disp('Передаточная функция замкнутого контура')
    Wz=tf([1], [a*T^2 a*T 1])
    % Построение графика переходной функции замкнутого
контура
    step (Wz)
    % Название графика
    title('Переходная функция замкнутого контура при МО')
    % Команда включения сетки
    grid on
    % Открытие нового окна Figure
    figure
    % Построение ЛАЧХ разомкнутой системы
    % (красного цвета сплошной линией)
    bode (Wr, 'r-')
    % Команда добавление графика
    hold on
    % Построение ЛАЧХ замкнутой системы
     % (черного цвета штриховой линией)
    bode (Wz, 'k--')
    % Команда включения сетки
```

```
grid on
% Название графика
title('ЛАЧХ и ЛФЧХ контура настроенного на МО')
% Добавление легенды
legend('разомкнутая система','замкнутая система')
```

Программа работает следующим образом:

Передаточная функция разомкнутого контура Wr = 1 \_\_\_\_\_\_2 s^2 + 2 s Continuous-time transfer function. Передаточная функция замкнутого контура Wz = 1 \_\_\_\_\_\_2 s^2 + 2 s + 1

Continuous-time transfer function.

Переходная характеристика представлена на рисунке 24, частотные характеристики разомкнутой и замкнутой системы на рисунке 25.

Правильность построения переходной характеристики можно осуществить по следующим формулам:

Время максимума расчетное:  $t_{max} = 6,3 \cdot T_{\mu} = 6,3 \cdot 1 = 6,3$  с.

По графику это время составило t<sub>max</sub>=6,26 с.

Перерегулирование:

 $\sigma = \frac{\omega_{\text{max}} - \omega_{\text{уст}}}{\omega_{\text{уст}}} \cdot 100\% = \frac{1,04 - 1}{1} \cdot 100\% = 4\%$ , что соответствует перерегули-

рованию при настройке на модульный оптимум σ = 4,32%.

Время переходного процесса расчетное:  $t_{nn}=8,4 \cdot T_{\mu}=8,4 \cdot 1=8,4$  с, а по графику время составило  $t_{nn}=8,43$  с.



Рисунок 24 - Переходная функция замкнутой системы

Правильность построения частотных характеристик, представленных на рис. 20 можно осуществить по следующим формулам:

Частота среза расчетная:  $\omega_{cp} = \frac{1}{2 \cdot T_{\mu}} = \frac{1}{2 \cdot 1} = 0,5$  рад/с.

Частота среза по графику:  $\omega_{cp} \approx 0,455$  рад/с, что свидетельствует о правильности построения частотных характеристик.



Рисунок 25 - ЛАХЧ и ЛФЧХ к задаче 10

## Задача 11

Составьте программу для построения переходных и частотных характеристик контура регулирования, настроенного на симметричный оптимум без фильтра на входе и с фильтром, при величине некомпенсируемой постоянной времени T=1c.

### Решение:

Передаточная функция разомкнутой системы, настроенной на симметричный оптимум при отсутствии фильтра на входе имеет вид:

$$W(s)_{pas} = \frac{(4 \cdot T_{\mu c} \cdot s + 1)}{8 \cdot T_{\mu}^{2} \cdot s^{2} (T_{\mu} \cdot s + 1)} = \frac{(4 \cdot T_{\mu c} \cdot s + 1)}{8 \cdot T_{\mu}^{3} \cdot s^{3} + 8 \cdot T_{\mu}^{2} \cdot s^{2}},$$
(11)

где а=8 – коэффициент настройки.

Замкнутый контур, настроенный на симметричный оптимум, имеет передаточную функцию третьего порядка:

$$W(s)_{_{33MK}} = \frac{4 \cdot T_{\mu} \cdot s + 1}{8 \cdot T_{\mu}^{3} \cdot s^{3} + 8 \cdot T_{\mu}^{2} \cdot s^{2} + 4 \cdot T_{\mu} \cdot s + 1}.$$
 (12)

Передаточная функция замкнутого контура, настроенного на симметричный оптимум с фильтром на входе имеет вид:

$$W(s)_{_{3AMK,\varphi}} = \frac{1}{8 \cdot T_{\mu}^{3} \cdot s^{3} + 8 \cdot T_{\mu}^{2} \cdot s^{2} + 4 \cdot T_{\mu} \cdot s + 1}.$$
 (13)

Программа построение переходных и частотных характеристик по вышеприведенным формулам написана в MATLABe.

```
Программа построение характеристик имеет вид:
    clear
    clc
    % Ввод некомпенсируемой постоянной времени
    Tm=1:
    % Передаточная функция замкнутого контура
    % при настройке на симметричный оптимум без фильтра
    disp('Передаточная функция замкнутого контура СО без
фильтра')
    W=tf([4*Tm 1], [8*Tm^3 8*Tm^2 4*Tm
                                         11)
    % Команда разбиения окна Figure в виде матрицы 2x2
    % Расположение графика под номером 1
    subplot(2, 2, 1)
    % Команда построения графика переходной функции
    step (W)
    % Команда включения сетки
    grid on
    % Название графика
    title('Переходной процесс КР без фильтра')
    % Передаточная функция замкнутого контура
    % при настройке на симметричный оптимум с фильтром
    disp('Передаточная функция замкнутого контура СО с
фильтром')
    Wf=tf([1],[8*Tm^3 8*Tm^2 4*Tm
                                     1])
    % Расположение графика под номером 2 матрицы 2х2
    subplot(2, 2, 2)
```

```
% Команда построения графика переходной функции
    step (Wf)
    % Команда включения сетки
    grid on
    % Название графика
    title('Переходной процесс КР с фильтром')
    % Передаточная функция разомкнутого контура
    % при настройке на симметричный оптимум без фильтра
    disp('Передаточная функция разомкнутого контура при
CO')
    Wr=tf([4*Tm 1], [8*Tm^3 8*Tm^2 0 0])
    % Расположение графика под номером 3 матрицы 2х2
    subplot(2, 2, 3)
    % Команда построения графика переходной функции
    bode (Wr)
    % Команда включения сетки
    grid on
    % Название графика
    title('ЛАЧХ и ЛФЧХ разомкнутого контура')
    % Передаточная функция замкнутого контура
    % при настройке на симметричный оптимум с фильтром
    Wf1=tf([1],[4*Tm 1]);
    disp('Передаточная функция замкнутого контура при
CO')
    Wq=W*Wf1
    % Расположение графика под номером 4 матрицы 2x2
    subplot(2, 2, 4)
    % Команда построения графика переходной функции
    bode (Wq)
    % Команда включения сетки
    grid on
    % Название графика
    title('ЛАЧХ и ЛФЧХ замкнутого контура')
```

Программа работает следующим образом:

# Передаточная функция замкнутого контура СО без фильтра W =

4 s + 1

-----

8 s^3 + 8 s^2 + 4 s + 1

Continuous-time transfer function.

Передаточная функция замкнутого контура СО с фильтром Wf =

1

-----

8 s^3 + 8 s^2 + 4 s + 1

Continuous-time transfer function.

Передаточная функция разомкнутого контура при СО

Wr =

4 s + 1

-----

8 s^3 + 8 s^2

Continuous-time transfer function.

Передаточная функция замкнутого контура при СО

Wq =

4 s + 1

-----

32 s^4 + 40 s^3 + 24 s^2 + 8 s + 1

Continuous-time transfer function.

Таблица 1 – Параметры переходного процесс для контура настроенного на симметричный оптимум без входного фильтра на входе

Наименование	расчет	график
параметра	L	
Время первого	t = -5  8 · T $-5 $ 8 c	5 71 c
максимума	$t_{max1} = 5, 8 T_{\mu} = 5, 8 C$	
Перегулирование	$\sigma = \frac{\omega_{\max} - \omega_{y_{cr}}}{\omega_{y_{cr}}} \cdot 100\% = \frac{1,43 - 1}{1} \cdot 100\% = 43,4\%$	43,4
Время переходно- го процесса	$t_{nn} = 16,5 \cdot T_{\mu} = 16,5 \cdot 1 = 16,5 c$	16,6



Рисунок 26 - Характеристики к задаче

Таблица 2 – Параметры переходного процесс для контура настроенного на симметричный оптимум с фильтром на входе

Наименование па- раметра	расчет	график
Время первого максимума	$t_{max} = 10,2 \cdot T_{\mu} = 10,2 c$	9,76 c
Перегулирование	$\sigma = \frac{\omega_{\max} - \omega_{ycr}}{\omega_{ycr}} \cdot 100\% = \frac{1,08 - 1}{1} \cdot 100\% = 8,14$	8,14
Время переходного процесса	$t_{nn}=13,3 \cdot T_{\mu}=13,3 c$	13,3

Правильность построения частотных характеристик можно оценить по наклону разомкнутой ЛАЧХ, который составляет в низкочастотной части  $22,2-61,5 \approx -40 \frac{\text{д}\text{b}}{\text{д}\text{e}\text{k}}$ , в высокочастотной части  $85,5-46,1 \approx -40 \frac{\text{d}\text{b}}{\text{d}\text{e}\text{k}}$ , среднечастотной части  $9,22-22,2 \approx -31,42 \frac{\text{d}\text{b}}{\text{d}\text{e}\text{k}}$ . На участке ЛАЧХ от  $10^{-1}$  до  $10^{0}$  расположена частота сопряжения, при которой изменяется наклон ЛАЧХ с частоты  $-40 \frac{\text{d}\text{b}}{\text{d}\text{e}\text{k}}$  на  $-20 \frac{\text{d}\text{b}}{\text{d}\text{e}\text{k}}$ .

Частота среза составляет:  $\omega_{cp} = \frac{1}{2 \cdot T_{\mu}} = \frac{1}{2 \cdot 1} = 0,5 \text{ рад/с.}$ 

Расчетные параметры соответствуют параметрам на рисунке, соответственно программа составлена правильно.

#### Задача 12

Для структурной схемы, изображенной на рисунке 28 с отрицательной обратной связью и П-регулятором построить переходную функцию и частотные характеристики.

Параметры схемы: коэффициент усиления П-регулятор  $K_{pc}$ =50; коэффициент усиления преобразователя  $K_{rn}$ =22, сопротивления якорной цепи  $R_{su}$ =4 Ом, электромагнитная постоянная времени Тя=0,08 с, коэффициент, связывающий ЭДС и скорость k·ф=2 В·с, момент инерции J=1 кг·м<sup>2</sup>, коэффициент обратной связи  $k_{oc}$ =0,08 В·с.



Рисунок 27 – Структурная схема

### Решение:

В предложенной схеме реализовано автоматическое регулирование выходной координаты по отклонению от заданного значения. В системе имеется пропорциональный регулятор, на вход которого подается разность сигналов задания и сигнала обратной связи, снимаемого с датчика обратной связи.



Рисунок 28 - Схема системы с ООС и П-регулятором

Переходной процесс в систему при воздействии задающего сигнала через 1 с и возмущающего сигнала через 5 с представлена на рисунке 29.

График переходного процесс показан при воздействии задающего сигнала имеет колебательный характер и содержит одно колебание. Аналогично при приложении возмущающего воздействия в системе имеется одно колебание.



Рисунок 29 – Переходной процесс при приложении нагрузки

Схема описывается следующей системой уравнений:

$$\begin{cases} U_{d} = (U_{3aaa} - K_{oc} \cdot \omega) \cdot K_{PC} \cdot K_{TII} \\ U_{d} = E + I_{g} \cdot R_{gaa} + L_{gaa} \cdot \frac{di_{g}}{dt} \\ E = k \cdot \Phi \cdot \omega & . \\ M = k \cdot \Phi \cdot I_{g} \\ M - M_{C} = J \frac{d\omega}{dt} \end{cases}$$
(14)

Упрощение схемы, изображенной на рисунке 28 выполним преобразовав схему двигателя постоянного тока к виду, представленному на рисунке 30.



Рисунок 30 – Преобразованная структурная схема к задаче 12

Для преобразования передаточной функции двигателя используется формула:

$$W(s)_{zam} = \frac{W(s)_{np}}{1 + W(s)_{np} \cdot W(s)_{oc}},$$
(15)

где W(s)<sub>пр</sub> – передаточная функция прямой цепи;

W(s)<sub>ос</sub> – передаточная функция обратной цепи.

Передаточная функция по управляющему воздействию имеет вид:

$$W_{U_{\pi}\to\omega}(s) = \frac{\frac{1}{(T_{\pi}\cdot s+1)} \cdot k \cdot \phi \cdot \frac{1}{J \cdot s}}{1 + \frac{1}{(T_{\pi}\cdot s+1)} \cdot (k \cdot \phi)^{2} \cdot \frac{1}{J \cdot s}} = \frac{\frac{1}{(T_{\pi}\cdot s+1)} \cdot k \cdot \phi \cdot \frac{1}{J \cdot s} \cdot \frac{k \cdot \phi}{k \cdot \phi}}{1 + \frac{1}{(T_{\pi}\cdot s+1)} \cdot (k \cdot \phi)^{2} \cdot \frac{1}{J \cdot s}},$$

Введем обозначение электромеханической постоянной времени, согласно формулы:

$$T_{_{M}} = \frac{J \cdot R_{_{R}}}{\left(k \cdot \phi\right)^{2}}.$$
(16)

Выполнив преобразования получим

$$W_{U_{x}\to\omega}(s) = \frac{\frac{1}{k}\cdot\phi\cdot\frac{1}{(T_{x}\cdot s+1)\cdot T_{M}\cdot s}}{1+\frac{1}{(T_{x}\cdot s+1)\cdot T_{M}\cdot s}}.$$

Окончательно передаточная функция двигателя будет иметь вид:

$$W(p)_{D_{v}} = \frac{\frac{1}{k \cdot \phi}}{(T_{s} \cdot s + 1) \cdot T_{s} \cdot s + 1} = \frac{\frac{1}{k \cdot \phi}}{T_{s} \cdot T_{s} \cdot s^{2} + T_{s} \cdot s + 1}.$$
(17)

Численное значение электромеханической постоянной времени равно:

$$T_{M} = \frac{0,1 \cdot 4}{(2)^2} = 0,1 c,$$

а передаточная функция двигателя в численной форме будет иметь вид:

W(s)<sub>Dv</sub> = 
$$\frac{\frac{1}{2}}{0,08 \cdot 0,1 \cdot s^2 + 0,1 \cdot s + 1}$$
.

Схема в числовом формате представлена на рисунке 31



Рисунок 31 – Упрощенная структурная схема в числовом виде к задаче 12

Коэффициент усиления замкнутой системы определяется по формуле (15):

$$K_{KPC_{3}} = \frac{50 \cdot 22 \cdot \frac{1}{2}}{1 + 50 \cdot 22 \cdot \frac{1}{2} \cdot 0,08} = 12,22.$$



Рисунок 32 – Переходная функция к задаче 12

Коэффициент усиления замкнутой системы по графику К<sub>крс 3</sub> =12,2.

Равенство значений расчетов по формуле (15) и значений с графика переходной функции говорит о верности расчетов.



Рисунок 33 – ЛАЧХ, ЛФЧХ замкнутой системы к задаче 12

Колебательность может определяться по ЛАЧХ замкнутой системы по показателю:  $M = \frac{L_{\text{макс}}}{L(0)}$ . Чем больше значение M, тем больше колебательность. При M<1 динамическая характеристика неколебательна. При M $\rightarrow \infty$  колебательность системы возрастает до получения незатухающих колебаний. Оптимальным считается значение M=1,1÷1,5.

В данной задаче колебательность системы равна:  $M = \frac{33,8}{21,5} = 1,57$ . Расчет

колебательности системы по ЛАЧХ замкнутой системы показывает, что система не является оптимальной, а наличии большого числа колебаний на рисунке 32 это только подтверждают.

Для построения ЛАЧХ и ЛФЧХ разомкнутой системы воспользуемся схемой, изображенной на рисунке 34. Сами частотные характеристики изображены на рисунке 35.







Рисунок 35 – ЛАЧХ, ЛФЧХ разомкнутой системы к задаче 12

По ЛАЧХ разомкнутой системы можно определить коэффициент усиления контура регулирования скорости по соотношению:

$$K_{_{\rm KPC}} = K_{_{\rm PC}} \cdot K_{_{\rm TII}} \cdot K_{_{\rm OC}} \cdot \frac{1}{k \cdot \phi}.$$
(18)

Численное значение коэффициента усиления:

$$K_{\rm KPC} = 50 \cdot 22 \cdot 0,08 \cdot \frac{1}{2} = 44,00$$

Соответствует значению амплитуды при  $\omega = 10^{\circ} = 1$  рад/с и равно значению на графике (рисунок 35) : L( $\omega$ ) = 20 · lg K<sub>кPC</sub> = 20 · lg 44 = 32,869 дБ.

# ГЛОССАРИЙ

Амплитудно-частотная характеристика (АЧХ) - зависимость амплитуд выходных и входных колебаний от частоты называется *амплитудно-частотной характеристикой системы* 

Амплитудно-фазовая частотная характеристика (АФЧХ) – определяется как годограф комплексного аргумента, построенный на комплексной плоскости при изменении частоты от нуля до бесконечности.

Астатизм – свойство системы автоматического управления устранять ошибку при постоянном внешнем воздействии.

Запас устойчивости системы по модулю - расстояние между точной пересечения амплитудно-фазовой характеристики разомкнутой системы с отрицательной вещественной полуосью до точки (-1, j0).

Запас устойчивости системы по фазе - угол, образованный вещественной отрицательной полуосью и лучом, проведенным из начала координат через точку пересечения амплитудно-фазовой характеристики с окружностью единичного радиуса, имеющей центр в начале координат.

Коэффициент усиления – это отношение выходной координаты к входной в установившемся режиме.

Логарифмическая амплитудно-частотная характеристика (ЛАЧХ) зависимость модуля коэффициента усиления от частоты в логарифмическом масштабе.

**Обратная связь** – это канал информация по которому передается в обратном направлении по сравнению с управляющим воздействием.

Отрицательная обратная связь – это вид обратной связи, при котором изменение выходного сигнала передается на вход с целью компенсации.

**Разомкнутая система** - система содержащая только прямой канал передачи сигналов от устройства управления к объекту управления.

Система автоматического управления (САУ) – комплекс устройств, обеспечивающих автоматическое изменение координат объекта управления с целью установления желаемой динамики.

Статизм – это установившаяся ошибка, отклонение.

**Точность систем автоматического управления** – это степень приближения реального управляемого процесса к требуемому.

Фазо-частотная характеристика системы - зависимость разности фаз выходных и входных колебаний от частоты.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. Ким, Д. П. Теория автоматического управления [Текст] : учебник и практикум для академического бакалавриата: учебник / Д. П. Ким; Моск. гос. ун-т информ. технологий, радиотехники и электроники. - Москва : Юрайт, 2016. - 276 с. - ISBN 978-5-9916-5406-7

2. Ким, Д. П. Сборник задач по теории автоматического управления. Линейные системы : учебное пособие / Д. П. Ким, Н. Д. Дмитриева. - Москва : Физматлит, 2007. - 168 с. - URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=69282

 Гайдук, А. Р. Теория автоматического управления в примерах и задачах с решениями в МАТLАВ : учебное пособие / А. Р. Гайдук, В. Е. Беляев, Т. А. Пьявченко. - 5-е изд., испр. и доп. - Санкт-Петербург : Лань, 2019. - 464 с.
 - ISBN 978-5-8114-4200-3

4. Кузьмин, А. В. Теория систем автоматического управления [Текст] : учеб. для вузов / А. В. Кузьмин, А. Г. Схиртладзе. - Старый Оскол : ТНТ, 2009. - 224 с. - ISBN 978-5-94178-189-8

5. Цветкова, О.Л. Теория автоматического управления : учебник / О. Л. Цветкова. - Москва; Берлин : Директ-Медиа, 2016. - 207 с. - URL: <u>https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=443415</u>

## МАЖИРИНА РАИСА ЕВГЕНЬЕВНА

# ТЕОРИЯ АВТОМАТИЧЕСКОГО УПРАВЛЕНИЯ

Практикум для направления подготовки 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника

Подписано в печать 16.12.2020 г.		
Формат 60х90 <sup>1</sup> / <sub>16</sub> Рег. № 205	Печать цифровая Тираж 10 экз.	Учизд.л. 3,25

ФГАОУ ВО Национальный исследовательский технологический университет «МИСиС» Новотроицкий филиал 462359, Оренбургская обл.. г. Новотроицк. ул. Фрунзе, 8 E-mail: <u>nf@misis.ru</u> Контактный тел.: 8(3537)679729