

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Котова Лариса Анатольевна  
Должность: Директор филиала  
Дата подписания: 17.08.2024 16:16:51  
Уникальный программный ключ:  
10730ffe6b1ed036b744b6e9d97700b86e5c04a7

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Национальный исследовательский технологический университет «МИСИС»  
Новотроицкий филиал

Рабочая программа дисциплины (модуля)  
**Теория вероятностей и математическая  
статистика**

Закреплена за подразделением Кафедра математики и естествознания (Новотроицкий филиал)

Направление подготовки 15.03.02 Технологические машины и оборудование

Профиль

Квалификация **Бакалавр**

Форма обучения **очная**

Общая трудоемкость **3 ЗЕТ**

Часов по учебному плану 108  
в том числе: Формы контроля в семестрах:  
зачет с оценкой 4  
аудиторные занятия 51  
самостоятельная работа 57

**Распределение часов дисциплины по семестрам**

Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>)	4 (2.2)		Итого	
	18			
Неделя	УП	РП	УП	РП
Лекции	17	17	17	17
Практические	34	34	34	34
В том числе инт.	6	6	6	6
Итого ауд.	51	51	51	51
Контактная работа	51	51	51	51
Сам. работа	57	57	57	57
Итого	108	108	108	108

Программу составил(и):

*к.п.н., Зав.кафедрой МиЕ, Швалева А.В.; ст.преподаватель кафедры МиЕ, Филоненко Т.П.*

Рабочая программа

**Теория вероятностей и математическая статистика**

Разработана в соответствии с ОС ВО:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 15.03.02 Технологические машины и оборудование (приказ Минобрнауки России от 25.11.2021 г. № 465 о.в.)

Составлена на основании учебного плана:

15.03.02 Технологические машины и оборудование, 15.03.02\_22\_Технологич. машины и оборудование\_2022\_МиТОМД.plx , утвержденного Ученым советом ФГАОУ ВО НИТУ "МИСиС" в составе соответствующей ОПОП ВО 30.11.2021, протокол № 35

Утверждена в составе ОПОП ВО:

15.03.02 Технологические машины и оборудование, , утвержденной Ученым советом ФГАОУ ВО НИТУ "МИСиС" 30.11.2021, протокол № 35

Рабочая программа одобрена на заседании

**Кафедра математики и естествознания (Новотроицкий филиал)**

Протокол от 13.03.2024 г., №3

Руководитель подразделения к.п.н, доцент Швалева А.В.

**1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ**

1.1	Целями освоения дисциплины являются формирование у студентов теоретических знаний и практических навыков по основам теории вероятностей и математической статистике как основного математического аппарата для построения моделей случайных явлений, освоение методов математического моделирования и анализа таких явлений.
1.2	Задачами дисциплины являются:
1.3	- ознакомить с основными понятиями теории вероятностей и математической статистики;
1.4	- обучить вероятностным методам анализа физических явлений;
1.5	- научить использовать методы математической статистики, позволяющие принимать решения в условиях неопределенности;
1.6	- приобрести опыт статистической обработки результатов эксперимента.

**2. МЕСТО В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ**

Блок ОП:		Б1.О
<b>2.1</b>	<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
2.1.1	Математика	
2.1.2	Материаловедение	
2.1.3	Механика жидкости и газа	
2.1.4	Физика	
2.1.5	Электротехника	
2.1.6	Химия	
2.1.7	Аналитическая геометрия и векторная алгебра	
<b>2.2</b>	<b>Дисциплины (модули) и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
2.2.1	Компьютерная графика	
2.2.2	Деформационные методы наноструктурирования металлов	
2.2.3	Моделирование процессов ОМД с использованием современных программных продуктов	
2.2.4	Основы моделирования процессов обработки металлов давлением	
2.2.5	История металлургической отрасли	
2.2.6	Контроль и системы управления технологическими процессами ОМД	
2.2.7	Подготовка к процедуре защиты и защита выпускной квалификационной работы	
2.2.8	Производственная практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности	
2.2.9	Электрооборудование и электроавтоматика машиностроительных заводов	
2.2.10	Электрооборудование и электроавтоматика цехов ОМД	
2.2.11	Преддипломная практика для выполнения выпускной квалификационной работы	
2.2.12	Математическая теория надежности	
2.2.13	Курсовая научно-исследовательская работа (часть 1)	

**3. РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫЕ С ФОРМИРУЕМЫМИ КОМПЕТЕНЦИЯМИ**

<b>ОПК-1: Способен применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности</b>
<b>Знать:</b>
ОПК-1-31 Числовые характеристики случайных величин, применять предельные теоремы теории вероятностей
<b>УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, умение анализировать процессы и системы с использованием соответствующих аналитических, вычислительных и экспериментальных методов, применять системный подход для решения поставленных задач</b>
<b>Знать:</b>
УК-1-31 Основные понятия и факты теории вероятностей и математической статистики
<b>ОПК-1: Способен применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности</b>
<b>Уметь:</b>
ОПК-1-У1 производить статистические оценки параметров распределения

**Владеть:**

ОПК-1-В1 методами статистической проверки гипотез

**4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ**

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр / Курс	Часов	Формируемые индикаторы компетенций	Литература и эл. ресурсы	Примечание	КМ	Выполняемые работы
	<b>Раздел 1. Случайные события</b>							
1.1	Элементы комбинаторики. Классификация событий. Классическое определение вероятностей /Лек/	4	2	УК-1-31	Л1.1 Л1.2Л2.2Л3.2 Э1			
1.2	Теоремы сложения и умножения вероятностей и следствия из них /Лек/	4	2	УК-1-31	Л1.2Л2.2 Л2.3Л3.2 Э1 Э2			
1.3	Повторение испный: формула Бернулли, локальная и интегральная теоремы Лапласа /Лек/	4	2	ОПК-1-31	Л1.2Л2.2 Л2.3Л3.2 Э1 Э2			
1.4	Основные формулы комбинаторики. Случайные величины. Классическое определение вероятности /Пр/	4	4	УК-1-31 ОПК-1-31	Л1.2Л2.2 Л2.3Л3.2 Э1 Э2			
1.5	Теоремы сложения и умножения случайных величин и следствия из них /Пр/	4	4	УК-1-31 ОПК-1-31	Л1.2Л2.3Л3.2 Э1 Э2			
1.6	Повторение испытаний /Пр/	4	4	ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.1 Л1.2Л2.3Л3.2 Э1 Э2			
1.7	Относительная частота. Устойчивость относительной частоты. Ограниченность классического определения вероятностей. Статистическая и геометрическая вероятности. /Ср/	4	4	УК-1-31 ОПК-1-31	Л1.2Л2.2Л3.1 Л3.2 Э1 Э2			
1.8	Вероятность отклонения относительной частоты от постоянной вероятности в независимых испытаниях /Ср/	4	3	УК-1-31 ОПК-1-31	Л1.2Л2.2Л3.3 Э1 Э2			
1.9	Подготовка к контрольной работе /Ср/	4	2	ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.2Л2.3Л3.3 Э1 Э2			Р1
	<b>Раздел 2. Случайные величины</b>							
2.1	Дискретные случайные величины и их характеристики /Лек/	4	2	УК-1-31 ОПК-1-31	Л1.2Л2.2Л3.2 Э1 Э2			
2.2	Непрерывные случайные величины и их характеристики. Нормальное распределение случайной величины /Лек/	4	2	УК-1-31 ОПК-1-31	Л1.2Л2.2Л3.2 Л3.3 Э1 Э2			
2.3	Распределение "хи-квадрат"; распределение Стьюдента; распределение Фишера /Лек/	4	1	УК-1-31 ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.2Л2.2Л3.2 Л3.3 Э1 Э2			

2.4	Дискретная случайная величина и ее характеристики /Пр/	4	4	ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.2Л2.3Л3. 2 Э1 Э2			
2.5	Непрерывная случайная величина и ее характеристики /Пр/	4	4	УК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.2Л2.3Л3. 2 Э1 Э2			
2.6	Контрольная работа /Пр/	4	2	УК-1-31 ОПК-1-В1	Л1.2Л2.2Л3. 3 Э1 Э2		КМ1	
2.7	Нормальное распределение случайной величины /Пр/	4	2	ОПК-1-У1	Л1.2Л2.3Л3. 2 Э1 Э2			
2.8	Распределение Пуассона. Геометрическое и гипергеометрическое распределения /Ср/	4	4	ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.2Л2.2 Л2.3Л3.2 Э1 Э2			
2.9	Законы больших чисел (неравенство и теорема Чебышева, теорема Бернулли) /Ср/	4	6	УК-1-31	Л1.2Л2.2Л3. 2 Э1 Э2			
2.10	Нормальное распределение. Показательное распределение. /Ср/	4	2	ОПК-1-У1	Л1.2Л2.2Л3. 2 Л3.3 Э1 Э2			
2.11	Подготовка к контрольной работе /Ср/	4	2	УК-1-31	Л1.2Л2.2Л3. 3 Э2			
	<b>Раздел 3. Элементы математической статистики</b>							
3.1	Точечные и интервальные оценки параметров генеральной совокупности. /Лек/	4	2	ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.2Л2.2Л3. 2 Л3.3 Э1 Э2			
3.2	Статистическая проверка статистических гипотез /Лек/	4	2	ОПК-1-У1 ОПК-1-В1	Л1.2Л2.2Л3. 2 Э2			
3.3	Элементы теории корреляции /Лек/	4	2	УК-1-31 ОПК-1-31	Л1.2Л2.2Л3. 2 Л3.3			
3.4	Точечные и интервальные оценки параметров генеральной совокупности. Проверка статистических гипотез /Пр/	4	4	ОПК-1-У1 ОПК-1-В1	Л1.2Л2.1Л3. 2 Э1 Э2			
3.5	Построение регрессионных моделей. Проверка их на адекватность. Проверка коэффициентов на значимость /Пр/	4	4	ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.2Л2.1Л3. 2 Э1 Э2			
3.6	Контрольная работа 2 /Пр/	4	2	ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.1 Л1.2Л2.1Л3. 1 Л3.2 Э1 Э2		КМ4	
3.7	Сравнение двух выборок. Проверочная работа 1 /Ср/	4	5	УК-1-31 ОПК-1-31 ОПК-1-У1 ОПК-1-В1	Л1.2Л2.2 Л2.3Л3.1 Л3.2 Э1 Э2		КМ2	
3.8	Регрессионный анализ. Проверочная работа 2 /Ср/	4	4	УК-1-31 ОПК-1-31 ОПК-1-У1 ОПК-1-В1	Л1.1Л2.2 Л2.3Л3.1 Л3.2 Э1 Э2		КМ3	

3.9	Непрерывные распределения (плотность вероятности, ее свойства и график; функция распределения - ее свойства и график; медиана и квантиль) /Ср/	4	4	УК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.2Л2.2Л3.2 Э1 Э2			
3.10	Сравнение двух выборок (средние выборочные, эмпирические стандарты, доверительные интервалы, проверка гипотез о равенстве дисперсий и математических ожиданий, проверка гипотезы о том, что экспериментальные данные имеют нормальный закон распределения) /Ср/	4	6	ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.2Л2.2Л3.2 Э1 Э2			
3.11	Регрессионный анализ (линейное, квадратичное, кубическое, показательное регрессионные уравнения). Линейное уравнение регрессии и проверка его на значимость, проверка коэффициентов на значимость /Ср/	4	6	ОПК-1-31 ОПК-1-У1	Л1.1 Л1.2Л2.2Л3.2 Э1 Э2			
3.12	/ЗачётСОц/	4	9	УК-1-31 ОПК-1-31 ОПК-1-У1 ОПК-1-В1				

## 5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ МАТЕРИАЛОВ

### 5.1. Контрольные мероприятия (контрольная работа, тест, коллоквиум, экзамен и т.п), вопросы для самостоятельной подготовки

Код КМ	Контрольное мероприятие	Проверяемые индикаторы компетенций	Вопросы для подготовки
КМ1	Контрольная работа №1	ОПК-1-В1;ОПК-1-У1;ОПК-1-31	1. Случайные события, и их классификация. 2. действия над событиями. 3. Свойство статистической устойчивости относительной частоты события. 4. Классическое определение вероятности. 5. Элементы комбинаторики (перестановки, размещения и сочетания). 6. Схемы выбора без возвращения. 7. Схемы выбора с возвращением. 8. Условная вероятность. 9. Вероятность произведения событий. Независимость событий. 10. Вероятность суммы событий. 11. Формула полной вероятности. 12. Формула Байеса (теорема гипотез). 13. Формула Бернулли. 14. Предельные теоремы в схеме Бернулли: теорема Пуассона. 15. Предельные теоремы в схеме Бернулли: локальная и интегральная теоремы Муавра-Лапласа. 16. Понятие случайной величины. 17. Закон распределения дискретной и непрерывной случайной величины. 18. Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, и ее свойства. 19. Числовые характеристики случайных величин: дисперсия, и ее свойства; среднее квадратичное отклонение. 20. Основные законы распределения СВ. Распределение Пуассона. 21. Основные законы распределения СВ. Геометрическое и гипергеометрическое распределения. 22. Основные законы распределения СВ. Равномерный закон распределения. 23. Основные законы распределения СВ. Экспоненциальный закон распределения. 24. Основные законы распределения СВ. Нормальный закон распределения.
КМ2	Проверочная работа 1	ОПК-1-В1;ОПК-1-У1;ОПК-1-31	Сравнение двух выборок

КМ3	Проверочная работа 2	ОПК-1-В1;ОПК-1-У1	Регрессионный анализ
КМ4	Контрольная работа 2	УК-1-31;ОПК-1-31	Основные распределения случайных величин. Проверка гипотез. Корреляционный анализ

### 5.2. Перечень работ, выполняемых по дисциплине (Курсовая работа, Курсовой проект, РГР, Реферат, ЛР, ПР и т.п.)

Код работы	Название работы	Проверяемые индикаторы компетенций	Содержание работы
P1	Домашняя контрольная работа (РГР)	УК-1-31;ОПК-1-31	1. Случайные события. Классическое определение вероятности 2. Теоремы сложения и умножения вероятностей. 3. Формула полной вероятности. Формула Байеса 4. Дискретная случайная величина. Закон распределения, мат ожидание, дисперсия 5. Непрерывная случайная величина. ее характеристики 6. Нормальное распределение 7. Распределение Стьюдента, Фишера, Пуассона

### 5.3. Оценочные материалы, используемые для экзамена (описание билетов, тестов и т.п.)

Экзамен не предусмотрен

### 5.4. Методика оценки освоения дисциплины (модуля, практики. НИР)

1. Критерии оценки защиты контрольной работы:

- «Отлично» За полное овладение содержанием учебного материала, владение понятийным аппаратом, умение решать практические задачи, грамотное, логичное изложение ответа.
- «Хорошо» Если студент полно освоил учебный материал, владеет понятийным аппаратом, осознанно применяет знания для решения практических задач, грамотно излагает ответ, но содержание и форма ответа имеют некоторые неточности.
- «Удовлетворительно» Если студент обнаруживает знание и понимание основных положений учебного материала, но излагает его неполно, непоследовательно, допускает неточности в применении знаний для решения практических задач, не умеет доказательно обосновать свои суждения
- «Неудовлетворительно» Если студент имеет разрозненные, бессистемные знания, не умеет выделять главное и второстепенное, допускает ошибки в определении понятий, искажает их смысл, беспорядочно и неуверенно излагает материал, не может применять знания для решения практических задач; за полное незнание и непонимание учебного материала или отказ отвечать.

2. Критерии оценки на зачете:

К зачету допускаются студенты, выполнившие и защитившие с оценкой "Зачтено" все работы, написавшие контрольную работу на оценку не ниже "Удовлетворительно" и сдавшие РГР. Оценка студенту выставляется по совокупности работы за семестр и, как правило, определяется оценкой за контрольную работу и проверочные.

## 6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

### 6.1. Рекомендуемая литература

#### 6.1.1. Основная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год, эл. адрес
Л1.1	В.Е.Гмурман	Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: Учеб. пособие		М.: Высш. шк., 2003,
Л1.2	В.Е.Гмурман	Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. пособие		М.: Высш. шк., 2006,

#### 6.1.2. Дополнительная литература

	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год, эл. адрес
Л2.1	Е.С.Кочетков, С.О. Смерчинская	Теория вероятностей и математическая статистика: Учебн.пособие		М.:Форум: ИНФРА-М, 2005,
Л2.2	В.Е.Гмурман	Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб. пособие		М.: Юрайт, 2012,
Л2.3	Е.С.Кочетков, С.О. Смерчинская	Теория вероятностей в задачах и упражнениях: Учебн.пособие		М.:Форум: ИНФРА-М, 2005,

#### 6.1.3. Методические разработки

	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год, эл. адрес
--	---------------------	----------	------------	------------------------------

	Авторы, составители	Заглавие	Библиотека	Издательство, год, эл. адрес
ЛЗ.1	Изаак Д.Д., Швалева А.В.	Математическая статистика: Лабораторный практикум		ОГТИ, 2012, <a href="http://elibrary.misis.ru">http://elibrary.misis.ru</a>
ЛЗ.2	Изаак Д.Д.	Теория вероятностей и математическая статистика : Учебно-методическое пособие		Новотроицк: НФ НИТУ МИСиС, 2015, <a href="http://elibrary.misis.ru">http://elibrary.misis.ru</a>
ЛЗ.3	Д.Д. Изаак, А.В. Швалева	Теория вероятностей и математическая статистика: Методические указания по выполнению контрольной работы для студентов технических направлений		Новотроицк: НФ НИТУ МИСиС, 2020, <a href="http://elibrary.misis.ru">http://elibrary.misis.ru</a>

#### 6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Э1	Новотроицкий филиал НИТУ МИСиС	<a href="http://nf.misis.ru">http://nf.misis.ru</a>
Э2	Научная электронная библиотека ELIBRARY	<a href="http://www.elibrary.ru">http://www.elibrary.ru</a>

#### 6.3 Перечень программного обеспечения

П.1	Mathcad 14.0 University Classroom Perpetual
П.2	Microsoft Office 2007 Russian Academic OPEN No Level
П.3	Zoom
П.4	Браузер Opera

#### 6.4. Перечень информационных справочных систем и профессиональных баз данных

И.1	- Wolfram Alpha: вычислительный интеллект <a href="https://www.wolframalpha.com">https://www.wolframalpha.com</a>
И.2	- Онлайн Курс "Теория вероятностей" <a href="https://stepik.org/course/3089/promo">https://stepik.org/course/3089/promo</a>

### 7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

Ауд.	Назначение	Оснащение
101	Учебная лаборатория электротехники и электропривода	Комплект учебной мебели на 24 места для обучающихся, комплекты лабораторного оборудования для исследования и наладки электрических цепей, комплект учебного оборудования для изучения электрических приводов, лабораторные стенды для изучения основ автоматизации производства, программирования промышленных контроллеров и управления технологическими объектами, лабораторные стенды для изучения программирования микроконтроллеров ПМ-ЛМ, лабораторные стенды "Автоматика на основе программируемого контроллера Siemens S7, лабораторные стенды для изучения основ цифровой техники "Основы цифровой техники", лабораторные стенды для изучения силовой электроники и преобразователь техники "Преобразователь техники", осциллограф FLK-123/001, осциллограф GOS-620 FG, типовой комплект учебного оборудования "Программирование микроконтроллеров "ПМ-ЛМ на 4 рабочих мест, тормозовоздушная паяльная станция lukey-852d+.
103	Лаборатория экологии, обогащения полезных ископаемых	3D принтер с программным обеспечением Cura, мойка лабораторная ЛК-1200, стол весовой ЛК-1200, 6 лабораторных столов с технологической приставкой ЛК-1200, шкаф вытяжной ЛК-1500, деревянные лавки, лабораторные табуреты, аквадистиллятор электрический ДЭ-10М, комплект учебной мебели.

### 8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Данный курс является фундаментом математического образования бакалавра, имеющим важное значение для успешного изучения общетеоретических и специальных дисциплин.

Знакомство с учебным курсом «Теория вероятностей и математическая статистика» следует начинать с его тематического построения. Затем детально проработать каждый раздел, начиная с первого, и по мере усвоения раздела переходить к следующему. Начинать изучение любого раздела рекомендуется с освоения теоретического материала. Прорабатывая учебный материал, необходимо усвоить основные понятия курса и теоремы. Разбирая доказательства теорем, полезно составлять схемы доказательств и воспроизводить их по памяти на черновике. Чтобы подготовка была успешной,



необходимо осуществлять детальный разбор типовых примеров, выполняя все вычисления на бумаге и решить как можно большее количество задач. При решении задач необходимо обосновать каждый этап решения задачи, исходя из теоретических положений курса. Если задача имеет несколько способов решения, то нужно отобрать самый оптимальный из них. Следует подробно записать ход ваших рассуждений. При этом рекомендуется отделять вспомогательные вычисления от основных. Графические рисунки можно аккуратно выполнять от руки, в соответствии с данными условия задачи. Полученный ответ нужно проверить способами, вытекающими из сущности задачи, или сравнить с ответом, указанным в сборнике задач.

После изучения каждого раздела рекомендуется осуществлять самопроверку рассмотренных вопросов. Для этого постарайтесь воспроизвести по памяти определения, выводы, формулы, формулировки и доказательства теорем, сверяясь каждый раз с учебником, курсом лекций или учебно-методическим пособием. Постарайтесь также ответить на вопросы, предлагаемые для подготовки к зачету.

При изучении курса Вам необходимо научиться работать с учебной литературой, список которой предлагается в конце программы. Изучаемый материал включает в себя основные вопросы теории вероятностей и математической статистики. Изучение курса следует начинать с проработки теоретического материала по следующим информационным источникам: конспекты лекций, учебник.